

30L

**MECCANICA DEL VOLO - MODULO PRESTAZIONI**

**Esame scritto del 8 febbraio 2012 – Tempo a disposizione 2 ore e 50 minuti**

**PARTE 1 (tempo indicativo 50 minuti)**

2,5

1-1 Parlare dell'area parassita equivalente  $f$  di un velivolo. Come si può rappresentare? Perché è importante? Perché è una vera misura della resistenza offerta dal velivolo? (mentre il  $C_{D0}$  non lo è a rigore?). Come è possibile fare una stima in fase di progetto preliminare (per via statistica) del valore di  $f$  (e di  $C_{D0}$ ) per un dato velivolo?

2,5

1-2 Ricavare l'espressione analitica della velocità massima di equilibrio (massima ammissione) in volo livellato per un velivolo propulso a getto (partire dalla condizione  $T=D$ ) assumendo spinta del motore costante con la velocità e pari a  $T$ . Mettere in evidenza la dipendenza di tale velocità dai parametri di progetto del velivolo.

2,5+

1-3 Parlare del funzionamento di un motore a getto (ciclo Bryton). Fare un disegno schematico dei vari componenti del motore. Che cosa differenzia un turbogetto da un turbofan? Che ordine di grandezza ha il consumo specifico di un motore turbogetto puro? E quello di un turbofan ad alto rapporto di by-pass (HBPR)?

2,5

1-4 Affrontare il problema del calcolo della massima autonomia di distanza (formula Breguet) per un velivolo propulso ad elica partendo dalla definizione di consumo specifico. Cos'è il fattore di autonomia? Perché racchiude 3 rendimenti?

10

**PARTE 2 (tempo orient. 2 ore) ELICA (3 per a-b-c 4-d) 13 pt;**

Dato un velivolo **bimotore ad elica** tipo Beechcraft KingAir con i seguenti dati:

$W=4400$  Kg     $S=27$  m<sup>2</sup>     $b=15$  m     $W_f$  (peso combustibile) = 700 Kg

$C_{D0}=0.028$      $e=0.80$      $CL_{MAX}$  (pulito) = 1.60

$W_f$  (peso combustibile) = 700 Kg

$\Pi_{a0} = 2 \times 550$  hp = 1100 hp (Motori turboelica, usare il  $K_v$ )

$\eta_p$  = (rendimento elica) = 0.8     $SFC=0.5$  lb/(hp h)



Per alcuni calcoli bisogna considerare un particolare punto caratteristico della polare.

3

a) Valutare i punti caratteristici DELLA POLARE ( $CL$ ,  $CD$ ,  $E$ ) e velocità [Km/h], spinta [Kgf] e potenza necessarie [kW] in tali punti alla quota di crociera di **5000 m** (Fare una tabellina riepilogativa)

3

b) Valutare la velocità massima col metodo iterativo alla quota di **5000 m**.

3

c) Valutare il massimo rateo di salita in [m/s] e [ft/min] a livello del mare in **condizioni di un motore inoperativo** (OEI) e calcolare la massima quota (quota tangenza pratica,  $RC_{MAX}=0.5$  m/s) raggiungibile in tali condizioni. Essendo le velocità di interesse basse, trascurare il  $K_v$  in questa prestazione.

4+

d) Impostare il problema e calcolare la massima autonomia di distanza (Range) del velivolo e la velocità (CAS) che il pilota dovrà tenere ad inizio e fine crociera. Se il pilota imposta una crociera inizialmente ad una velocità (CAS) di 300 km/hr, tenendo bloccato l'assetto, quale sarà l'autonomia di distanza?

13

**Dato un velivolo a getto Business Jet tipo Cessna Citation:**

$W=10200$  Kg     $S=29$  m<sup>2</sup>     $b=16.5$  m

$C_{D0}=0.020$      $e=0.80$      $CL_{MAX}$  (pulito) = 1.50     $CL_{MAX\_TO}=2.1$

$W_f$  (peso combustibile) = 2000 Kg

$T_o$  = (spinta max-al decollo di ogni motore turbofan) 2000 Kgf

=> (assumere quindi  $T_{o\_TOT}=4000$  kgf)

$SFCJ=0.5$  lb/(lb h)



3

e) Il velivolo deve essere usato per monitoraggio. Valutare la massima autonomia oraria del velivolo alla quota di 10000 m. Che numero di Mach (velocità TAS) e che velocità in [kts] (CAS) dovrà impostare il pilota per avere tale autonomia nell'ipotesi di mantenere quota costante? Che velocità dovrà tenere alla fine della missione?

4

f) Calcolare la corsa di decollo (corsa al suolo + involo) a livello del mare (S/L). Per la valutazione della corsa al suolo si faccia l'approssimazione di considerare la spinta (valutata dal grafico assegnato) e tutte le altre forze agenti costanti con la velocità, ma valutate in corrispondenza di una particolare velocità media di riferimento (metodo 2 riportato negli appunti). Tale velocità è una frazione della velocità di lift-off.

Si assumano i seguenti dati:

$V_{LO}$  (Lift Off) = **1.10**  $V_{S\_TO}$

$V_2=1.2$   $V_{S\_TO}$

$V_2$ : Velocità di passaggio sull'ostacolo

$\Delta C_{D0}$  (carrelli + flap) = **0.020**

$K_{ES}$  (riduzione resistenza indotta per effetto suolo) = **0.70**

$\mu$  = coeff attrito volvente = **0.030**

$CL_G$  (CL di rullaggio) = **0.70**

Assumere, per la corsa di involo fino al superamento ostacolo a **15 m**, una velocità media tra la  $V_{LO}$  e la  $V_2$  ed un  $CL$  pari a **0.90** del  $CL_{MAX\_TO}$  per la stima del raggio  $R$  della traiettoria di involo.

Per la corsa al suolo partire dalla relazione:

$$S_G = \int_0^{v_{lo}} dS$$

e legare l'accelerazione a tutte le forze agenti.

7

Assumere accelerazione costante (metodo 2 degli appunti) assunta pari ad un valore stimato medio.

Ai fini della stima del valore della spinta dei motori turbofan alla velocità di riferimento (frazione della  $V_{LO}$ ) usare il grafico dato (SPINTA TURBOFAN IN DECOLLO).

TOT 30 LODE

Esame di PRESTAZIONI - ~~ESAME~~

PARTI 2:

2A) ELICA

$$\left. \begin{aligned} W_D = W_{TO} &= 4400 \text{ kgf} \\ S &= 27 \text{ m}^2 \\ b &= 15 \text{ m} \end{aligned} \right\} \Rightarrow AR = 8,33$$

$$W_P = 700 \text{ kgf} \Rightarrow W_1 = 3700 \text{ kgf}$$

$$C_{D0} = 0,028 \quad e = 0,80$$

$$C_{L_{MAX}}(\text{piloto}) = 1,60$$

$$\overline{\Pi}_{D0} = 2 \times 550 \text{ hp} = 1100 \text{ hp}$$

$$m_p = 0,8 \quad SFC = 0,5 \frac{\text{lb}}{\text{hp h}}$$

$$h = 5000 \text{ m} \Rightarrow \sigma = 0,6009$$

$$V_i (\text{CAS}) = 300 \text{ Km/h}$$

a) Punti caratt.  $(C_L, C_D, e, V, \overline{\Pi}_{D0}, \overline{\Pi}_{D0})$

$$m_p \quad h_{GE} = 5000 \text{ m}$$

b)  $V_{MAX}$  per  $h_{GE} = 5000 \text{ m}$

c)  $RC_{MAX} \%$  (1 motore in opera t.v.o)

quota di tangenza pratica

d)  $R_{MAX}, V_{RMAX} (\text{CAS})$

$$R \text{ per } V_i = 300 \text{ Km/h}$$

2) - Punto E

$$C_{LE} = \sqrt{\pi AR e C_{D0}} = 0,77 \Rightarrow V_{E\%} = \sqrt{\frac{2}{\rho_0} \frac{W}{S} \frac{1}{C_{LE}}} = 58,22 \text{ m/s} = 209,60 \text{ Km/h}$$

$$\Downarrow$$

$$V_{V_{GE}} = \frac{V_{E\%}}{\sqrt{\sigma}} = 75,11 \text{ m/s} = 270,38 \text{ Km/h}$$

$$C_{D0E} = 2 C_{D0} = 0,056$$

$$E_{MAX} = \sqrt{\frac{\pi AR e}{4 C_{D0}}} = 13,67 \Rightarrow D_{MIN} = T_{D0E} = \frac{W}{E_{MAX}} = 321,9 \text{ kgf}$$

$$\overline{\Pi}_{D0E\%} = D_{E} V_{E\%} = 183,85 \text{ kW} = 246,45 \text{ hp} \Rightarrow \overline{\Pi}_{D0E\%} = \frac{\overline{\Pi}_{D0E\%}}{\sqrt{\sigma}} = \frac{317,92 \text{ hp}}{\sqrt{0,6009}} = 237,17 \text{ kW}$$

Punto P

$$C_{LP} = \sqrt{3} C_{LE} = 1,33 \Rightarrow V_{P_{3/4}} = \frac{V_{E_{3/4}}}{\sqrt{3}} = 44,24 \text{ m/s} = 159,26 \text{ Km/h}$$

$$V_{P_{02}} = \frac{V_{P_{3/4}}}{\sqrt{5}} = 37,07 \text{ m/s} = 205,45 \text{ Km/h}$$

$$C_{DP} = 4 C_{D0} = 0,112$$

$$C_{EP} = \frac{\sqrt{3}}{2} C_{EMAX} = 11,84 \Rightarrow D_P = \frac{W}{C_P} = T_{no_P} = 371,62 \text{ Kg}$$

$$\Pi_{MIN_{3/4}} = \Pi_{P_{3/4}} = V_{P_{3/4}} D_P = 161,27 \text{ KW} = 216,18 \text{ hp} \Rightarrow \Pi_{MIN_{02}} = \frac{\Pi_{MIN_{3/4}}}{\sqrt{5}} = 278,88 \text{ hp} = 208,05 \text{ KW}$$

Punto A

$$C_{LA} = \frac{C_{LE}}{\sqrt{3}} = 0,44$$

$$C_{DA} = \frac{4}{3} C_{D0} = 0,037$$

$$C_{EA} = C_{EP} = \frac{\sqrt{3}}{2} C_{EMAX} = 11,84 \Rightarrow D_A = D_P = \frac{W}{C_A} = 371,6 \text{ Kg}$$

$$V_{A_{3/4}} = \sqrt{3} V_{E_{3/4}} = 76,62 \text{ m/s} = 275,84 \text{ Km/h} \Rightarrow V_{A_{02}} = \frac{V_{A_{3/4}}}{\sqrt{5}} = 98,84 \text{ m/s} = 355,83 \text{ Km/h}$$

$$\Pi_{A_{3/4}} = D_A V_{A_{3/4}} = 279,31 \text{ KW} = 374,41 \text{ hp} \Rightarrow \Pi_{A_{02}} = \frac{\Pi_{A_{3/4}}}{\sqrt{5}} = 483,00 \text{ hp} = 360,32 \text{ KW}$$

Punto S

$$V_{S_{3/4}} = \sqrt{\frac{2 W}{\rho S C_{EMAX}}} = 60,39 \text{ m/s} = 145,40 \text{ Km/h} \Rightarrow V_{S_{02}} = \frac{V_{S_{3/4}}}{\sqrt{5}} = 52,10 \text{ m/s} = 187,58 \text{ Km/h}$$

	$C_L$	$C_D$	$C_E$	$V_{02}$ [Km/h]	$\Pi_{no}$ [Kgf]	$\Pi_{no}$ [hp]
P	1,33	0,112	11,84	205,45	371,6	278,88
E	0,77	0,056	13,67	270,38	321,9	317,92
A	0,44	0,037	11,84	355,83	371,6	483,00

b) Per il calcolo della velocità massima, si utilizza prima la potenza disponibile trascurando il  $V_v$  indicata con  $\Pi_{d-1}$  per trovare una velocità utile a valutare il  $V_v$ .

$$\Pi_{d-1} = \eta_p \sigma \Pi_{a0} = 394478,83 \text{ W}$$

$$V = \sqrt[3]{\frac{2 \Pi_{d-1} \cdot V_v}{\rho S C_D}} = \sqrt[3]{\frac{394478,83 \cdot V_v}{1,225 \cdot 10 \cdot C_D}} = \sqrt[3]{\frac{44460,02}{C_D} V_v}$$

$$C_L = \frac{2}{\rho} \frac{W}{S V^2} = \frac{4343,60}{V^2}$$

$$C_D = C_{D0} + \frac{C_L^2}{\pi A e} = 0,028 + \frac{C_L^2}{20,94}$$

Ita	$C_D$	$V$	$V_v$	$C_L$	$C_D$
per	$1,1 C_{D0} = 0,0308$	108,83 m/s 394,8 Km/h	1,12	/	/
1	0,0308	113,02 m/s 406,8 Km/h	"	0,340	0,0335
2	0,0335	109,89 m/s 395,62 Km/h	"	0,360	0,0362
3	0,0362	107,4 m/s 387,9 Km/h	"	0,365	0,0366
4	0,0366	108,93 m/s 392,1 Km/h	"		

$$V_{MAX} \equiv 392 \text{ Km/h}$$

c) Il massimo rateo di salita per un aereo a  $V$  ed  $\alpha$  e rendimento costante, è ottenibile nel punto P:

$$RC_{MAX} = \frac{\Pi_{d-1} - \Pi_p}{W} = \frac{\eta_p \Pi_{a0}}{2W} - \frac{\Pi_{min}}{W} = 3,87 \text{ m/s} \equiv 763 \text{ ft/min}$$

Per la quota di tangenza pratica, occorre imporre  $RC_{MAX} = 0 \text{ m/s}$ :

$$0 = RC_{MAX} = \frac{\Pi_{d-1} - \Pi_{min}}{W} = \frac{\eta_p \sigma \Pi_{a0}}{2W} - D_p \frac{V_{pr}}{W} = \frac{\eta_p \Pi_{a0} \sigma}{2W} - D_p \frac{V_{pr}}{W}$$

(3)

$$\sigma_{RF} = \left( \frac{2 D \sqrt{P_{\text{sp}}}}{m_p \pi d_0} \right)^{\frac{2}{3}} = 0,6227 \Rightarrow h = 4700 \text{ m}$$

Assumendo lineare l'andamento dell' $RC_{\text{MAX}}$  con la quota, conoscendone il valore al livello del mare e alla quota di tangenza teorica, è possibile calcolare la quota di tangenza pratica

$$RC_{\text{MAX}} = a + bh$$

$$S/L: 3,87 = a + b \cdot 0 \Rightarrow a = 3,87$$

$$h_{\text{TP}}: 0 = 3,87 + b \cdot 4700 \Rightarrow b = 0,00082$$

$$RC_{\text{MAX}} = 3,87 - 0,00082 h$$

Imponendo  $RC_{\text{MAX}} = 0,5 \text{ m/s}$ :

$$0,5 = 3,87 - 0,00082 h \Rightarrow h_{\text{TP}} = 4110 \text{ m}$$

OK

a) Per calcolare la massima autonomia di distanza, nelle ipotesi semplificate di Breguet, occorre valutarla nel punto E (efficienza massima). Nella formula usata, il range è espresso in Km e il consumo in unità inconsistenti:

$$R_{\text{MAX}} = 0,03,5 \frac{M_0}{SFC} E_{\text{MAX}} \ln \frac{W_0}{W_1} = 1287 \text{ Km}$$

13700,752

$$V_i (\text{CAS}) = V_{E_{\text{MAX}}} = 58,22 \text{ m/s} = 209,60 \text{ Km/h}$$

$$V_f (\text{CAS}) = V_i \cdot \sqrt{\frac{W_1}{W_0}} = 53,39 \text{ m/s} = 192,20 \text{ Km/h}$$

Se la velocità iniziale è  $V_i = 300 \text{ Km/h}$ , l'angolo è dato da:

$$C_L = \frac{2}{\rho_0} \frac{W_0}{S} \frac{1}{V_i^2} = 0,38 \Rightarrow C_D = C_{D_0} + \frac{C_L^2}{\pi A R e} = 0,035$$

$$R = 0,03,5 \frac{M_0}{SFC} \frac{C_L}{C_D} \ln \frac{W_0}{W_1} = 1817 \text{ Km}$$

(4)

2B) JET

$$W_0 = W_{T0} = 10 \cdot 200 \text{ kgf}$$

$$\left. \begin{array}{l} S = 29 \text{ m}^2 \\ b = 16,5 \text{ m} \end{array} \right\} \Rightarrow AR = 9,39$$

$$C_{D0} = 0,020 \quad k = 0,80$$

$$C_{L_{MAX}} = 1,50 \quad C_{L_{MAX-T0}} = 2,1$$

$$W_P = 2000 \text{ kgf} \Rightarrow W_1 = 8 \cdot 200 \text{ kgf}$$

$$T_{0-TOT} = 2T_0 = 2 \times 2000 \text{ kgf} = 4000 \text{ kgf}$$

$$SFC = 0,5 \frac{\text{kg}}{\text{kg} \cdot \text{h}}$$

$$h = 10000 \text{ m} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \sigma = 0,3369 \\ \rho = 299,5 \text{ kg/m}^3 \end{array} \right.$$

$$V_{20} = 1,1 V_{T0} \quad V_2 = 1,2 V_{ST0}$$

$$C_{D_{50-TOT}} = 0,020 \quad k_{ES} = 0,70$$

$$m = 0,030 \quad C_{L0} = 0,70$$

$$H = 15 \text{ m} \quad C_L = 0,90 \quad C_{L_{MAX-T0}}$$

$$e) \quad C_{L_{MAX}} \text{ FIVE } h_a = 10000 \text{ m}$$

$$Mach (FAS), \quad V(CAS) [m/s]$$

VP

$$f) \quad S_{vicolo} = S_D + S_A \\ (F = \text{cost})$$

e) L'autonomia oraria di un velivolo a getto, espressa in ore, è data dalla relazione di Breguet:

$$E_n = \frac{1}{SFC} \cdot \frac{C_L}{C_D} \ln \frac{W_0}{W_1}$$

Essa sarà massimizzata nel punto E:

$$C_{L/E} = \sqrt{\pi AR k} C_{D0} = 0,69$$

$$C_{D/E} = 2 C_{D0} = 0,040$$

Perciò:

$$E_{n_{MAX}} = \frac{1}{SFC} \cdot \frac{C_{L/E}}{C_{D/E}} \ln \frac{W_0}{W_1} = 7,5 \text{ h}$$

(5)

\* La velocità iniziale sarà dunque quella nel punto E:

$$V_{E,1/2} = V_i(\text{CAS}) = \sqrt{\frac{2}{\rho_0} \frac{W}{S} \frac{1}{C_{LE}}} = 90,36 \text{ m/s} = 175,64 \text{ Kts}$$

$$V_{E,1/2} = V_i(\text{TAS}) = \frac{V_i(\text{CAS})}{\sqrt{\sigma}} = 155,68 \text{ m/s} \Rightarrow M_{E,1/2} = \frac{V_i(\text{TAS})}{a} = 0,52$$

$$V_E(\text{CAS}) = \frac{V_i(\text{CAS})}{\sqrt{\frac{W_1}{W_0}}} = 81,02 \text{ m/s} = 157,49 \text{ Kts}$$

$$M_{E,1/2} = M_{i,1/2} \sqrt{\frac{W_1}{W_0}} = 0,47$$

$$f) \quad m a = \frac{W}{g} a = T - D - \mu(W - L)$$

$$S_C = \int_0^{V_{1,0}} dS = \int_0^{V_{1,0}} \frac{V dV}{a} = \frac{W}{2g} \int_0^{V_{1,0}} \frac{dV^2}{[T - D - \mu(W - L)]_{V=V_{1,0}}}$$

$$= \frac{W}{2g} \cdot 1,21 \cdot \frac{2}{\rho_0} \frac{W}{S} \frac{1}{C_{L_{MAX-TO}}} \frac{1}{[\bar{T} - \bar{D} - \mu(W - \bar{L})]}$$

$$V_{S,TO} = \sqrt{\frac{2}{\rho_0} \frac{W}{S} \frac{1}{C_{L_{MAX-TO}}}} = 51,79 \text{ m/s} \Rightarrow V_{1,0} = 1,1 V_{S,TO} = 56,97 \text{ m/s}$$

$$\bar{T} = T(V=0,7 V_{1,0}) = \left(1 - 0,2 \cdot \frac{0,7 V_{1,0}}{100}\right) T_{0,7} = 3 \cdot 680,17 \text{ kgf} = 36710,3 \text{ N}$$

$$\bar{L} = \frac{1}{2} \rho_0 (0,7 V_{1,0})^2 S C_{L_0} = 19774 \text{ N}$$

$$C_{D_0} = C_{D_0} + \Delta C_{D_0,TO} + \frac{C_{L_0}^2}{\pi A R^2} K_{CS} = 0,055$$

$$\bar{D} = \frac{1}{2} \rho_0 (0,7 V_{1,0})^2 S C_{D_0} = 1594 \text{ N}$$

$$S_C = \frac{W}{2g} \cdot 1,21 \cdot \frac{2}{\rho_0} \frac{W}{S} \frac{1}{C_{L_{MAX-TO}}} \frac{1}{[\bar{T} - \bar{D} - \mu(W - \bar{L})]} = 515 \text{ m}$$

$$16753,938,59$$

$$S_A = R \sin \theta_{0B}$$

$$m = \frac{L}{W} = \frac{\frac{1}{2} \rho (1.2 V_{sto})^2 S (0.9 C_{Lmax})}{\frac{1}{2} \rho V_{sto}^2 S C_{Lmax-to}} = 1.2^2 \cdot 0.9 = 1.996$$

$$R = \frac{V^2}{g(n-1)} = \frac{(1.2 V_{sto})^2}{g(1.296-1)} = 1.530 \text{ m}$$

$$\theta_{0B} = \arccos \left( 1 - \frac{H}{R} \right) = 8.6^\circ$$

$$S_A = R \sin \theta_{0B} = 199 \text{ m} \Rightarrow S_{decelli} = S_G + S_A = 714 \text{ m}$$

## PARTE I:

1.1. L'area parasita equi-valente di un velivolo è definita come

$$f = C_{D0} S$$

Essa corrisponde all'incirca all'area di una lastra piana posta perpendicolarmente alla corrente ( $C_D = 1$ ) che offre una resistenza pari alla resistenza parasita del velivolo.

$$D_0 = q S C_{D0} = q f$$

Essa è importante perché offre una vera misura della resistenza del velivolo, oltre che del  $C_{D0}$ , anche della resistenza superficiale di riferimento (rispetto alle quali  $C_{D0}$  di singoli componenti dell'aereo sono scalati).

Velivoli grandi hanno infatti, tipicamente,  $C_{D0}$  più bassi (maggiore possibilità di liguare la superficie e ridurre gli elementi di disturbo), ma area parasite equivalenti più grandi degli aerei di ~~queste~~ dimensioni minori (Comunque, in proporzioni più piccole).

Introducendo il coefficiente di attrito equivalente  $C_f$  che tiene in considerazione elementi di disturbo aerodinamici, assumendoli come fonte di (7)



resistenza d'attito, si può stimare come segue f:

$$f = C_{fc} S_{wet}$$

dove  $S_{wet}$  è la superficie bagnata del velivolo (all'incirca compresa tra 2 volte e 6 volte  $S$ ). Valore  $C_{fc} \approx 1,5 C_f$ .

1.2 La velocità massima di equilibrio in volo livellato per un jet si ottiene imponendo  $T_d = D$ .

$$\overline{T_d} = \delta = q S C_{D0} = q S C_{D0} + q S K C_L^2 = q S C_{D0} + \frac{1}{2} \rho V^2 S \frac{1}{\pi AR c} \left( \frac{2 W}{\rho S V} \right)^2 =$$

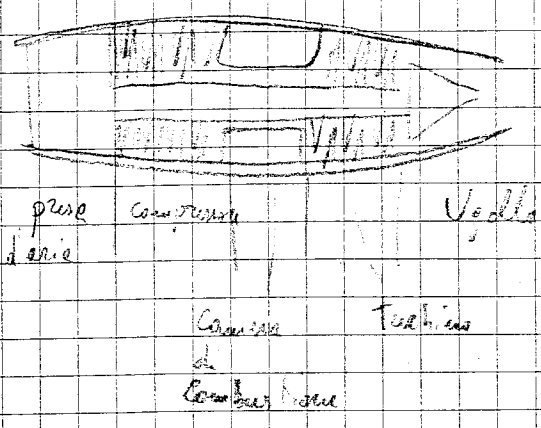
$$= q S C_{D0} + \frac{1}{\pi AR c} S \frac{W^2}{S} \frac{1}{q} \Rightarrow q^2 S C_{D0} - T_d q + \frac{W^2}{\pi AR c} = 0$$

$$q = \frac{T_d \pm \sqrt{T_d^2 - 4 S C_{D0} \frac{W^2}{\pi AR c}}}{2 S C_{D0}} = T_d \pm W \sqrt{\left(\frac{T_d}{W}\right)^2 - \frac{1}{C_{max}}}$$

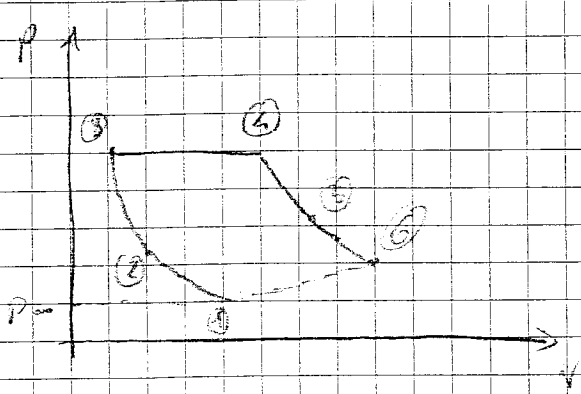
Si ottiene che  $V_{max} = \left[ \frac{\left(\frac{T_d}{W}\right) \left(\frac{W}{S}\right)}{\rho C_{D0}} \left( 1 + \sqrt{1 - \frac{1}{\left(\frac{T_d}{W}\right)^2 C_{max}}} \right) \right]^{\frac{1}{2}}$

La velocità massima dipende dal rapporto spinta/peso, dal carico alare, da  $C_{D0}$ , dalla quota e dall' $C_{max}$ .

1.3 Un motore turbojet, illustrato schematicamente in figura, funziona secondo il ciclo Brayton:



L'aria entra dalla presa dinamica (condotto divergente), dove viene rallentata e compressa (1-2). Nel compressore la pressione aumenta notevolmente (2-3). Nella camera di combustione viene iniettato del combustibile, a pressione costante, innalzando la temperatura (3-4). La turbina assorbe lavoro dal gas e mette in moto il compressore (4-5), tramite un albero. Infine, attraverso un ugello, l'aria viene accelerata e torna a una pressione leggermente maggiore della pressurale (5-6). Non si tratta in realtà di un vero



o proprio ciclo, poiché l'aria scaricata ovviamente non torna in presa d'aria alle condizioni iniziali.

Un turbogetto genera spinta accelerando molto quantità relativamente piccole d'aria. Un turbofan è un motore da motore al proprio interesse un piccolo turbogetto la cui turbina alimenta però anche un fan, cioè un tubetto che accelera l'aria in condotti esterni al fan core-jet (flusso freddo). (9)

5. chiama rapporto di diluizione, o by-pass ratio, il rapporto tra quantità di aria fredda e aria calda (accelerata dal turbojet).

Un motore turbojet puro ha un consumo specifico  $SFC = 1.2 \frac{lb}{lb \cdot h}$

mentre un turbofan ad alto BPR ha un consumo che si avvicina molto di più a quello di un elica, accelerando in meno quantità maggiori d'aria ( $SFC = 0.6-0.7 \frac{lb}{lb \cdot h}$ )

1.4. La massima autonomia di distanza per un velivolo ad elica si ottiene nel punto G (massima efficienza).

Inoltre con  $W$  il peso istantaneo dell'aereo, con  $W_0$  il "gross weight", con  $W_1$  il peso totale senza combustibile, con  $W_f$  il peso del carburante e con  $C_p$  il consumo specifico, si può scrivere:

$$dW = dW_f = - C_p \frac{T}{a} dt \Rightarrow dt = - \frac{dW}{C_p \frac{T}{a}} \Rightarrow ds = - \frac{V dW}{C_p \frac{T}{a}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow R = \int_0^R ds = - \int_{W_0}^{W_1} \frac{V}{C_p} \frac{dW}{\frac{T}{a}} = - \int_{W_0}^{W_1} \frac{\eta_p}{c} \frac{V}{S V} dW = - \int_{W_0}^{W_1} \frac{\eta_p}{c} \frac{W}{S} \frac{dW}{W}$$

Assumendo volo in condizioni di assetto costante, velocità e considerando costante il consumo specifico, oltre al rendimento  $\eta_p$  dell'elica:

$$R = \frac{\eta_p}{c} \frac{C_0}{C_D} \ln \frac{W_0}{W_1}$$

Esprimendo  $R$  in km e il consumo in  $\frac{lb}{lb \cdot h}$ ,

$$R = 603,5 \frac{\eta_p}{SFC} \frac{C_0}{C_D} \ln \frac{W_0}{W_1}$$

Il fattore di autonomia è:

$$F.A. = \frac{\eta_p}{c} \bar{c}$$

che mette in relazione  $\bar{c}$  i rendimenti ( $\eta_p$ , rendimento dell'elica, (10)

$\epsilon_1$  rendimento ~~di~~ consumo e  $\epsilon_2$  rendimento altro di man. (2)