

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\arctg x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(8x)}{\log(1+3x)} = \frac{8}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen}(e^{-x})}{e^{-x}} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{tg} x)^5 - 1}{\operatorname{sen} x} = 5$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 5$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = |x - 2| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = +\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x} = 1$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(5^x - 1)^2}{1 - \cos x} = 2 \log^2 5$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\log(1 + x))}{\operatorname{tg}^2 x} = \frac{1}{2}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1[ \\ 0 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arccos \left( \left( \frac{1}{3} \right)^x \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} e^{\arccos x} = 1$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+4x)^3 - 1}{\operatorname{arctg}(2x)} = 6$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \cos(\log x)}{\log^2 x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arcsen} x)^3 - 1}{e^x - 1} = 3$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 2 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \arctg(x^{-6}) = \frac{\pi}{2}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sen(4x)}{\arcsen(3x)} = \frac{4}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{3^{\cos x} - 1}{\cos x} = \log 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{\sen x} - 1}{\log(1+x)} = \log 8$$

3. Posto  $a = -\frac{\pi}{2}$ ,  $b = \frac{\pi}{2}$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \text{ con } f(x) = \operatorname{tg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \arcsen(e^x) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{\operatorname{tg}^2 x} = 4$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(1 - \cos x)}{1 - \cos x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\operatorname{tg}(e^x)}{e^x} = 1$$

3. Posto  $a = -3$ ,  $b = 3$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arctg x) = -\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 1}{6x} = \frac{\log 2}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + e^{-x})^3 - 1}{e^{-x}} = 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\arcsen x} - 1}{(1 + 5x)^4 - 1} = \frac{1}{20}$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \arctg x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^{\log x} = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\operatorname{arctg} x)^{-8} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-8}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(6x)}{\operatorname{arcsen}(3x)} = 2$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(e^x - 1)}{e^x - 1} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^7 - 1}{\log(1 + \operatorname{sen} x)} = 7$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow f(x) = \operatorname{arcsen} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\operatorname{arctg} x} = e^{\frac{\pi}{2}}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^5 - 1}{\log(1 + 3x)} = \frac{5}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^{\operatorname{arctg} x} - 1}{\operatorname{arctg} x} = \log 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^6 - 1}{\operatorname{tg}(2x)} = 3$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b[ \rightarrow f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x = -1 \\ x^2 & \text{se } x \in ] -1, 1[ \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log \left( \frac{1}{\arcsen x} \right) = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \arctg(x^{-6}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{sen}(2x)} = \frac{1}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\sqrt{x})}{x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \arctg x)^5 - 1}{e^{5x} - 1} = 1$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x = 0 \\ 0 & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 1 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \log(\operatorname{arctg} x) = \log\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-5}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(3x)}{\operatorname{sen}^2(6x)} = \frac{1}{8}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1 + \log x)^4 - 1}{\log x} = 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^{\operatorname{sen} x} - 1}{\operatorname{tg} x} = \log 5$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1] \setminus \left\{\frac{1}{2}\right\} \\ -1 & \text{se } x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\arctg x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{arctg}(6x)} = \frac{\log 3}{6}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1 + e^x)^3 - 1}{3e^x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{(1 + 3x)^8 - 1} = \frac{1}{12}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = \pi$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbf{R} \text{ con } f(x) = \cos x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

$f$  é limitata

$f$  é continua

$f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass

$f$  ammette minimo assoluto

$f$  ammette massimo assoluto

Risulta  $f(a)f(b) < 0$

$f$  ammette almeno uno zero

L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = +\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(8x)}{\log(1+3x)} = \frac{8}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen}(e^{-x})}{e^{-x}} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{tg}x)^5 - 1}{\operatorname{sen}x} = 5$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [-1, 1] \setminus \{0\} \\ 1 & \text{se } x = 0 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arccos \left( \left( \frac{1}{3} \right)^x \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} e^{\arccos x} = 1$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x} = 1$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(5^x - 1)^2}{1 - \cos x} = 2 \log^2 5$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\log(1 + x))}{\operatorname{tg}^2 x} = \frac{1}{2}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 5$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x - 2| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \arctg(x^{-6}) = \frac{\pi}{2}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + 4x)^3 - 1}{\arctg(2x)} = 6$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \cos(\log x)}{\log^2 x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \arcsen x)^3 - 1}{e^x - 1} = 3$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1[ \\ 0 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \arcsen(e^x) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sen(4x)}{\arcsen(3x)} = \frac{4}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{3^{\cos x} - 1}{\cos x} = \log 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{\sen x} - 1}{\log(1+x)} = \log 8$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 2 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arctg} x) = -\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{\operatorname{tg}^2 x} = 4$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(1 - \cos x)}{1 - \cos x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\operatorname{tg}(e^x)}{e^x} = 1$$

3. Posto  $a = -\frac{\pi}{2}$ ,  $b = \frac{\pi}{2}$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \operatorname{tg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^{\log x} = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\operatorname{arctg} x)^{-8} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-8}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 1}{6x} = \frac{\log 2}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + e^{-x})^3 - 1}{e^{-x}} = 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\operatorname{arcsen} x} - 1}{(1 + 5x)^4 - 1} = \frac{1}{20}$$

3. Posto  $a = -3$ ,  $b = 3$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow f(x) = |x| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\operatorname{arctg} x} = e^{\frac{\pi}{2}}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(6x)}{\operatorname{arcsen}(3x)} = 2$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(e^x - 1)}{e^x - 1} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^7 - 1}{\log(1 + \operatorname{sen} x)} = 7$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \operatorname{arctg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log \left( \frac{1}{\arcsen x} \right) = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^5 - 1}{\log(1 + 3x)} = \frac{5}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^{\operatorname{arctg} x} - 1}{\operatorname{arctg} x} = \log 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^6 - 1}{\operatorname{tg}(2x)} = 3$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \arcsen x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \log(\operatorname{arctg} x) = \log\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-5}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{sen}(2x)} = \frac{1}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\sqrt{x})}{x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^5 - 1}{e^{5x} - 1} = 1$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b[ \rightarrow f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x = -1 \\ x^2 & \text{se } x \in ] -1, 1[ \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\arctg x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(3x)}{\sen^2(6x)} = \frac{1}{8}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1 + \log x)^4 - 1}{\log x} = 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^{\sen x} - 1}{\tg x} = \log 5$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x = 0 \\ 0 & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 1 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = +\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{arctg}(6x)} = \frac{\log 3}{6}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1 + e^x)^3 - 1}{3e^x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{(1 + 3x)^8 - 1} = \frac{1}{12}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1] \setminus \left\{\frac{1}{2}\right\} \\ -1 & \text{se } x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arccos \left( \left( \frac{1}{3} \right)^x \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} e^{\arccos x} = 1$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(8x)}{\log(1+3x)} = \frac{8}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen}(e^{-x})}{e^{-x}} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{tg}x)^5 - 1}{\operatorname{sen}x} = 5$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = \pi$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow f(x) = \cos x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \arctg(x^{-6}) = \frac{\pi}{2}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x} = 1$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(5^x - 1)^2}{1 - \cos x} = 2 \log^2 5$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\log(1 + x))}{\operatorname{tg}^2 x} = \frac{1}{2}$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [-1, 1] \setminus \{0\} \\ 1 & \text{se } x = 0 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arcsen} x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arcsen}(e^x) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + 4x)^3 - 1}{\operatorname{arctg}(2x)} = 6$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \cos(\log x)}{\log^2 x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arcsen} x)^3 - 1}{e^x - 1} = 3$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 5$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x - 2| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arctg x) = -\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(4x)}{\arcsin(3x)} = \frac{4}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{3^{\cos x} - 1}{\cos x} = \log 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{\sin x} - 1}{\log(1+x)} = \log 8$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1[ \\ 0 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^{\log x} = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\operatorname{arctg} x)^{-8} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-8}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{\operatorname{tg}^2 x} = 4$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(1 - \cos x)}{1 - \cos x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\operatorname{tg}(e^x)}{e^x} = 1$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 2 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\arctg x} = e^{\frac{\pi}{2}}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 1}{6x} = \frac{\log 2}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + e^{-x})^3 - 1}{e^{-x}} = 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\arcsen x} - 1}{(1 + 5x)^4 - 1} = \frac{1}{20}$$

3. Posto  $a = -\frac{\pi}{2}$ ,  $b = \frac{\pi}{2}$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow f(x) = \operatorname{tg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log \left( \frac{1}{\arcsen x} \right) = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(6x)}{\arcsen(3x)} = 2$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(e^x - 1)}{e^x - 1} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^7 - 1}{\log(1 + \operatorname{sen} x)} = 7$$

3. Posto  $a = -3$ ,  $b = 3$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

$f$  é limitata

$f$  é continua

$f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass

$f$  ammette minimo assoluto

$f$  ammette massimo assoluto

Risulta  $f(a)f(b) < 0$

$f$  ammette almeno uno zero

L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \log(\operatorname{arctg} x) = \log\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-5}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^5 - 1}{\log(1 + 3x)} = \frac{5}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^{\operatorname{arctg} x} - 1}{\operatorname{arctg} x} = \log 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^6 - 1}{\operatorname{tg}(2x)} = 3$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \operatorname{arctg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\arctg x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\tgg x} - 1}{\sen(2x)} = \frac{1}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\sqrt{x})}{x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \arctg x)^5 - 1}{e^{5x} - 1} = 1$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \arcsen x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = +\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(3x)}{\sin^2(6x)} = \frac{1}{8}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1 + \log x)^4 - 1}{\log x} = 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^{\sin x} - 1}{\operatorname{tg} x} = \log 5$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b[ \rightarrow f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x = -1 \\ x^2 & \text{se } x \in ] -1, 1[ \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arccos \left( \left( \frac{1}{3} \right)^x \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} e^{\arccos x} = 1$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{arctg}(6x)} = \frac{\log 3}{6}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1 + e^x)^3 - 1}{3e^x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{(1 + 3x)^8 - 1} = \frac{1}{12}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x = 0 \\ 0 & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 1 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arcsen} x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = \frac{\pi}{2}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(8x)}{\log(1 + 3x)} = \frac{8}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen}(e^{-x})}{e^{-x}} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{tg} x)^5 - 1}{\operatorname{sen} x} = 5$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1] \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\} \\ -1 & \text{se } x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \arcsen(e^x) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x} = 1$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(5^x - 1)^2}{1 - \cos x} = 2 \log^2 5$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\log(1 + x))}{\operatorname{tg}^2 x} = \frac{1}{2}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = \pi$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \cos x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arctg x) = -\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + 4x)^3 - 1}{\arctg(2x)} = 6$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \cos(\log x)}{\log^2 x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \arcsen x)^3 - 1}{e^x - 1} = 3$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [-1, 1] \setminus \{0\} \\ 1 & \text{se } x = 0 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^{\log x} = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\operatorname{arctg} x)^{-8} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-8}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen}(4x)}{\operatorname{arcsen}(3x)} = \frac{4}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{3^{\cos x} - 1}{\cos x} = \log 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{\operatorname{sen} x} - 1}{\log(1+x)} = \log 8$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 5$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x - 2| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\operatorname{arctg} x} = e^{\frac{\pi}{2}}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{\operatorname{tg}^2 x} = 4$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(1 - \cos x)}{1 - \cos x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\operatorname{tg}(e^x)}{e^x} = 1$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1[ \\ 0 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log \left( \frac{1}{\arcsen x} \right) = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 1}{6x} = \frac{\log 2}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + e^{-x})^3 - 1}{e^{-x}} = 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\arcsen x} - 1}{(1 + 5x)^4 - 1} = \frac{1}{20}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 2 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \log(\operatorname{arctg} x) = \log\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-5}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(6x)}{\operatorname{arcsen}(3x)} = 2$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(e^x - 1)}{e^x - 1} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^7 - 1}{\log(1 + \operatorname{sen} x)} = 7$$

3. Posto  $a = -\frac{\pi}{2}$ ,  $b = \frac{\pi}{2}$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \operatorname{tg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\arctg x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \sen x)^5 - 1}{\log(1 + 3x)} = \frac{5}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^{\arctg x} - 1}{\arctg x} = \log 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \sen x)^6 - 1}{\tg(2x)} = 3$$

3. Posto  $a = -3$ ,  $b = 3$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

$f$  é limitata

$f$  é continua

$f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass

$f$  ammette minimo assoluto

$f$  ammette massimo assoluto

Risulta  $f(a)f(b) < 0$

$f$  ammette almeno uno zero

L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = +\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{sen}(2x)} = \frac{1}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\sqrt{x})}{x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^5 - 1}{e^{5x} - 1} = 1$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \operatorname{arctg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arccos \left( \left( \frac{1}{3} \right)^x \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} e^{\arccos x} = 1$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(3x)}{\sin^2(6x)} = \frac{1}{8}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1 + \log x)^4 - 1}{\log x} = 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^{\sin x} - 1}{\operatorname{tg} x} = \log 5$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \arcsin x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

$f$  é limitata

$f$  é continua

$f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass

$f$  ammette minimo assoluto

$f$  ammette massimo assoluto

Risulta  $f(a)f(b) < 0$

$f$  ammette almeno uno zero

L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \arctg(x^{-6}) = \frac{\pi}{2}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\operatorname{tg} x} - 1}{\arctg(6x)} = \frac{\log 3}{6}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1 + e^x)^3 - 1}{3e^x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{(1 + 3x)^8 - 1} = \frac{1}{12}$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b[ \rightarrow f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x = -1 \\ x^2 & \text{se } x \in ] -1, 1[ \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arcsen} x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arcsen}(e^x) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(8x)}{\log(1 + 3x)} = \frac{8}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen}(e^{-x})}{e^{-x}} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{tg} x)^5 - 1}{\operatorname{sen} x} = 5$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x = 0 \\ 0 & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 1 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arctg x) = -\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x} = 1$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(5^x - 1)^2}{1 - \cos x} = 2 \log^2 5$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\log(1 + x))}{\operatorname{tg}^2 x} = \frac{1}{2}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1] \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\} \\ -1 & \text{se } x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^{\log x} = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\operatorname{arctg} x)^{-8} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-8}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+4x)^3 - 1}{\operatorname{arctg}(2x)} = 6$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \cos(\log x)}{\log^2 x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arcsen} x)^3 - 1}{e^x - 1} = 3$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = \pi$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \cos x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\arctg x} = e^{\frac{\pi}{2}}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen}(4x)}{\operatorname{arcsen}(3x)} = \frac{4}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{3^{\cos x} - 1}{\cos x} = \log 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{\operatorname{sen} x} - 1}{\log(1+x)} = \log 8$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [-1, 1] \setminus \{0\} \\ 1 & \text{se } x = 0 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log \left( \frac{1}{\arcsen x} \right) = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{\operatorname{tg}^2 x} = 4$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(1 - \cos x)}{1 - \cos x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\operatorname{tg}(e^x)}{e^x} = 1$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 5$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x - 2| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \log(\operatorname{arctg} x) = \log\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-5}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 1}{6x} = \frac{\log 2}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + e^{-x})^3 - 1}{e^{-x}} = 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\operatorname{arcsen} x} - 1}{(1 + 5x)^4 - 1} = \frac{1}{20}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1[ \\ 0 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\arctg x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg(6x)}{\arcsen(3x)} = 2$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tg(e^x - 1)}{e^x - 1} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \arctg x)^7 - 1}{\log(1 + \sen x)} = 7$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 2 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = +\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \sin x)^5 - 1}{\log(1 + 3x)} = \frac{5}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^{\arctg x} - 1}{\arctg x} = \log 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \sin x)^6 - 1}{\operatorname{tg}(2x)} = 3$$

3. Posto  $a = -\frac{\pi}{2}$ ,  $b = \frac{\pi}{2}$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \text{ , } f(x) = \operatorname{tg} x \in \mathbf{R} .$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arccos \left( \left( \frac{1}{3} \right)^x \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} e^{\arccos x} = 1$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{sen}(2x)} = \frac{1}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\sqrt{x})}{x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^5 - 1}{e^{5x} - 1} = 1$$

3. Posto  $a = -3$ ,  $b = 3$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arcsen} x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = \frac{\pi}{2}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(3x)}{\operatorname{sen}^2(6x)} = \frac{1}{8}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1 + \log x)^4 - 1}{\log x} = 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^{\operatorname{sen} x} - 1}{\operatorname{tg} x} = \log 5$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \operatorname{arctg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arcsen} x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arcsen}(e^x) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{arctg}(6x)} = \frac{\log 3}{6}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1 + e^x)^3 - 1}{3e^x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{(1 + 3x)^8 - 1} = \frac{1}{12}$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow f(x) = \operatorname{arcsen} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

$f$  é limitata

$f$  é continua

$f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass

$f$  ammette minimo assoluto

$f$  ammette massimo assoluto

Risulta  $f(a)f(b) < 0$

$f$  ammette almeno uno zero

L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arctg x) = -\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(8x)}{\log(1+3x)} = \frac{8}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen}(e^{-x})}{e^{-x}} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{tg} x)^5 - 1}{\operatorname{sen} x} = 5$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b[ \rightarrow f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x = -1 \\ x^2 & \text{se } x \in ] -1, 1[ \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^{\log x} = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\operatorname{arctg} x)^{-8} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-8}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x} = 1$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(5^x - 1)^2}{1 - \cos x} = 2 \log^2 5$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\log(1 + x))}{\operatorname{tg}^2 x} = \frac{1}{2}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x = 0 \\ 0 & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 1 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

**ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018**

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\operatorname{arctg} x} = e^{\frac{\pi}{2}}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+4x)^3 - 1}{\operatorname{arctg}(2x)} = 6$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \cos(\log x)}{\log^2 x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arcsen} x)^3 - 1}{e^x - 1} = 3$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1] \setminus \left\{\frac{1}{2}\right\} \\ -1 & \text{se } x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log \left( \frac{1}{\arcsen x} \right) = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen}(4x)}{\arcsen(3x)} = \frac{4}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{3^{\cos x} - 1}{\cos x} = \log 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{\operatorname{sen} x} - 1}{\log(1+x)} = \log 8$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = \pi$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbf{R} \text{ con } f(x) = \cos x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \log(\operatorname{arctg} x) = \log\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-5}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{\operatorname{tg}^2 x} = 4$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(1 - \cos x)}{1 - \cos x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\operatorname{tg}(e^x)}{e^x} = 1$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [-1, 1] \setminus \{0\} \\ 1 & \text{se } x = 0 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\arctg x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 1}{6x} = \frac{\log 2}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + e^{-x})^3 - 1}{e^{-x}} = 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\arcsen x} - 1}{(1 + 5x)^4 - 1} = \frac{1}{20}$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 5$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x - 2| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = +\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(6x)}{\operatorname{arcsen}(3x)} = 2$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(e^x - 1)}{e^x - 1} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^7 - 1}{\log(1 + \operatorname{sen} x)} = 7$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1[ \\ 0 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arccos \left( \left( \frac{1}{3} \right)^x \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} e^{\arccos x} = 1$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^5 - 1}{\log(1 + 3x)} = \frac{5}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^{\operatorname{arctg} x} - 1}{\operatorname{arctg} x} = \log 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^6 - 1}{\operatorname{tg}(2x)} = 3$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 2 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \arctg(x^{-6}) = \frac{\pi}{2}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{sen}(2x)} = \frac{1}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\sqrt{x})}{x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \arctg x)^5 - 1}{e^{5x} - 1} = 1$$

3. Posto  $a = -\frac{\pi}{2}$ ,  $b = \frac{\pi}{2}$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \text{ , } f(x) = \operatorname{tg} x \in \mathbf{R} .$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arcsen x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \arcsen(e^x) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(3x)}{\sen^2(6x)} = \frac{1}{8}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1 + \log x)^4 - 1}{\log x} = 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^{\sen x} - 1}{\tg x} = \log 5$$

3. Posto  $a = -3$ ,  $b = 3$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow f(x) = |x| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

$f$  é limitata

$f$  é continua

$f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass

$f$  ammette minimo assoluto

$f$  ammette massimo assoluto

Risulta  $f(a)f(b) < 0$

$f$  ammette almeno uno zero

L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arctg} x) = -\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{arctg}(6x)} = \frac{\log 3}{6}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1 + e^x)^3 - 1}{3e^x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{(1 + 3x)^8 - 1} = \frac{1}{12}$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \operatorname{arctg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^{\log x} = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\operatorname{arctg} x)^{-8} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-8}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(8x)}{\log(1+3x)} = \frac{8}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen}(e^{-x})}{e^{-x}} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{tg} x)^5 - 1}{\operatorname{sen} x} = 5$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow f(x) = \operatorname{arcsen} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\operatorname{arctg} x} = e^{\frac{\pi}{2}}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x} = 1$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(5^x - 1)^2}{1 - \cos x} = 2 \log^2 5$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\log(1 + x))}{\operatorname{tg}^2 x} = \frac{1}{2}$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b[ \rightarrow f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x = -1 \\ x^2 & \text{se } x \in ] -1, 1[ \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log \left( \frac{1}{\arcsen x} \right) = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + 4x)^3 - 1}{\operatorname{arctg}(2x)} = 6$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \cos(\log x)}{\log^2 x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \arcsen x)^3 - 1}{e^x - 1} = 3$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x = 0 \\ 0 & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 1 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \log(\operatorname{arctg} x) = \log\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-5}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen}(4x)}{\operatorname{arcsen}(3x)} = \frac{4}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{3^{\cos x} - 1}{\cos x} = \log 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{\operatorname{sen} x} - 1}{\log(1+x)} = \log 8$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1] \setminus \left\{\frac{1}{2}\right\} \\ -1 & \text{se } x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\operatorname{arctg}x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(2x)}{\operatorname{tg}^2 x} = 4$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(1 - \cos x)}{1 - \cos x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\operatorname{tg}(e^x)}{e^x} = 1$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = \pi$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow f(x) = \cos x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = +\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{3x} - 1}{6x} = \frac{\log 2}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + e^{-x})^3 - 1}{e^{-x}} = 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\arcsin x} - 1}{(1 + 5x)^4 - 1} = \frac{1}{20}$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [-1, 1] \setminus \{0\} \\ 1 & \text{se } x = 0 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arccos \left( \left( \frac{1}{3} \right)^x \right) = \frac{\pi}{2}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} e^{\arccos x} = 1$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg}(6x)}{\operatorname{arcsen}(3x)} = 2$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(e^x - 1)}{e^x - 1} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^7 - 1}{\log(1 + \operatorname{sen} x)} = 7$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 5$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = |x - 2| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arcsen} x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = \frac{\pi}{2}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^5 - 1}{\log(1 + 3x)} = \frac{5}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^{\operatorname{arctg} x} - 1}{\operatorname{arctg} x} = \log 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{sen} x)^6 - 1}{\operatorname{tg}(2x)} = 3$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in [0, 1[ \\ 0 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\operatorname{arcsen} x) = -\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arcsen}(e^x) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{sen}(2x)} = \frac{1}{2}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\sqrt{x})}{x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arctg} x)^5 - 1}{e^{5x} - 1} = 1$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b] \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 2 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{\arccos x} = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log(\arctg x) = -\infty$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(3x)}{\sin^2(6x)} = \frac{1}{8}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1 + \log x)^4 - 1}{\log x} = 4$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5^{\sin x} - 1}{\operatorname{tg} x} = \log 5$$

3. Posto  $a = -\frac{\pi}{2}$ ,  $b = \frac{\pi}{2}$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \text{ , } f(x) = \operatorname{tg} x \in \mathbf{R} .$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^{\log x} = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\operatorname{arctg} x)^{-8} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{-8}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^{\operatorname{tg} x} - 1}{\operatorname{arctg}(6x)} = \frac{\log 3}{6}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(1 + e^x)^3 - 1}{3e^x} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{(1 + 3x)^8 - 1} = \frac{1}{12}$$

3. Posto  $a = -3$ ,  $b = 3$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow f(x) = |x| \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\operatorname{arctg} x} = e^{\frac{\pi}{2}}$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{\log x} = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(8x)}{\log(1+3x)} = \frac{8}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\operatorname{sen}(e^{-x})}{e^{-x}} = 1$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{tg} x)^5 - 1}{\operatorname{sen} x} = 5$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \operatorname{arctg} x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \log \left( \frac{1}{\arcsen x} \right) = +\infty$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-6}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1 + \operatorname{tg} x)}{\operatorname{tg} x} = 1$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(5^x - 1)^2}{1 - \cos x} = 2 \log^2 5$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(\log(1 + x))}{\operatorname{tg}^2 x} = \frac{1}{2}$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : ]a, b[ \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \arcsen x \in \mathbf{R}.$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo

## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \log(\operatorname{arctg} x) = \log\left(\frac{\pi}{2}\right)$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \operatorname{arctg}(x^{-5}) = 0$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+4x)^3 - 1}{\operatorname{arctg}(2x)} = 6$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \cos(\log x)}{\log^2 x} = \frac{1}{2}$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + \operatorname{arcsen} x)^3 - 1}{e^x - 1} = 3$$

3. Posto  $a = -1$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b[ \rightarrow f(x) = \begin{cases} 0 & \text{se } x = -1 \\ x^2 & \text{se } x \in ] -1, 1[ \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo



## ESERCITAZIONE DEL 12 DICEMBRE 2018

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(1.1) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \arcsen(x^{-4}) = 0$$

$$(1.2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\arctg x} = e^{-\frac{\pi}{2}}$$

2. Determinare, se esistono, i seguenti limiti:

$$(2.1) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sen(4x)}{\arcsen(3x)} = \frac{4}{3}$$

$$(2.2) \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{3^{\cos x} - 1}{\cos x} = \log 3$$

$$(2.3) \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^{\sen x} - 1}{\log(1+x)} = \log 8$$

3. Posto  $a = 0$ ,  $b = 1$ , sia  $f$  la funzione definita da

$$f : [a, b] \rightarrow f(x) = \begin{cases} 1 & \text{se } x = 0 \\ 0 & \text{se } x \in ]0, 1[ \\ 1 & \text{se } x = 1 \end{cases}$$

Mettere una crocetta in corrispondenza delle affermazioni corrette:

- $f$  é limitata
- $f$  é continua
- $f$  verifica le ipotesi del teorema di Weierstrass
- $f$  ammette minimo assoluto
- $f$  ammette massimo assoluto
- Risulta  $f(a)f(b) < 0$
- $f$  ammette almeno uno zero
- L'immagine di  $f$  é un intervallo