

## Proprietà del valore assoluto:

$$|x| \geq 0 \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$|x| = 0 \Leftrightarrow x = 0$$

$$|x| = |-x| \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

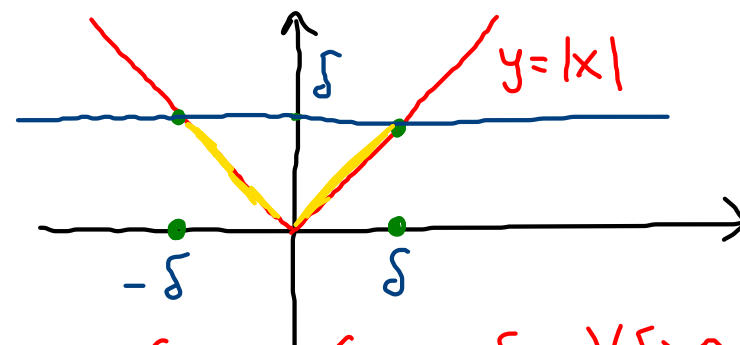
$$|x| = \max\{x, -x\} \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$x \leq |x| \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$-x \leq |x| \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$|x_1 x_2| = |x_1| |x_2| \quad \forall x_1, x_2 \in \mathbb{R}$$

$$\left| \frac{x_1}{x_2} \right| = \frac{|x_1|}{|x_2|} \quad \forall x_1, x_2 \in \mathbb{R}, x_2 \neq 0$$



$$|x| < \delta \Leftrightarrow -\delta < x < \delta \quad \forall \delta > 0$$

Disuguaglianza triangolare:

$$|x_1 + x_2| \leq |x_1| + |x_2| \quad \forall x_1, x_2 \in \mathbb{R}$$



Se  $a, b \in \mathbb{R}$ ,  $a < b$   
il segmento di estremi  $a$  e  $b$  ha  
lunghezza  $b - a$

Se  $a, b \in \mathbb{R}$ , la lunghezza del segmento  
di estremi  $a$  e  $b$  è  $|a - b| = |b - a|$