

ESAME DI ANALISI MATEMATICA E GEOMETRIA

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$\forall q \in \mathbf{Q}$ risulta $q^2 > 0$ vero
 falso

$\exists q \in \mathbf{Q} : q \in [-\sqrt{2}, 5[$ vero
 falso

2. Posto

$$f(x) = \frac{2x-1}{x+1}, \quad g(x) = x+1,$$

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{5x^2 + 9x + 1}{(x+1)(x+2)} = \frac{5x^2 + 9x + 1}{x^2 + 3x + 2}$$

3. Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}$, $f : A \rightarrow \mathbf{R}$, $x_0 \in \mathbf{R}$, $\ell \in \mathbf{R}$, $\varepsilon > 0$, $\delta > 0$,

- Tracciare il grafico di f
- Tracciare l'intervallo $]\ell - \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
- Tracciare l'intervallo $]x_0 - \delta, x_0 + \delta[$ sull'asse x
- Stabilire se l'affermazione $|f(x) - \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (]x_0 - \delta, x_0 + \delta[\setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A = \mathbf{R}, f(x) = e^x, x_0 = 1, \ell = 0, \varepsilon = 1, \delta = 1$$

Risposta: FALSA

4. Calcolare $D(\log_4(x+1)\arcsen x) = \frac{1}{\log 4} \left(\frac{\arcsen x}{x+1} + \frac{\log(x+1)}{\sqrt{1-x^2}} \right)$

5. Calcolare $\begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & -4 & -8 \\ 3 & 6 & 12 \end{pmatrix}$

Tutti gli esercizi proposti negli esami scritti sono stati già pubblicati, insieme alle risposte, durante il periodo delle lezioni, nella pagina web del corso <http://wpage.unina.it/fiorenza/docente/anlgeo2223.htm> Nel caso della seduta di esame di oggi 3 Febbraio 2023, l'esercizio 1 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 1 della pagina web, l'esercizio 2 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 4 della pagina web, l'esercizio 3 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 11 della pagina web, l'esercizio 4 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 14 oppure n. 15 della pagina web, l'esercizio 5 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 20 della pagina web.

ESAME DI ANALISI MATEMATICA E GEOMETRIA

NOME:

COGNOME:

MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall n \in \mathbf{N}^+ \text{ risulta } n \in [-1, +\infty[\quad \begin{array}{l} \boxed{\times} \text{ vero} \\ \square \text{ falso} \end{array}$$

$$\exists n \in \mathbf{N}^+ : n \leq \frac{5}{2} \quad \begin{array}{l} \boxed{\times} \text{ vero} \\ \square \text{ falso} \end{array}$$

2. Posto

$$f(x) = \frac{2x+1}{x+2}, \quad g(x) = x-1,$$

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{3(x^2+x-1)}{(x+1)(x+2)} = \frac{3(x^2+x-1)}{x^2+3x+2}$$

3. Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}$, $f: A \rightarrow \mathbf{R}$, $x_0 \in \mathbf{R}$, $\ell \in \mathbf{R}$, $\varepsilon > 0$, $\delta > 0$,

- Tracciare il grafico di f
- Tracciare l'intervallo $]\ell - \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
- Tracciare l'intervallo $]x_0 - \delta, x_0 + \delta[$ sull'asse x
- Stabilire se l'affermazione $|f(x) - \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (]x_0 - \delta, x_0 + \delta[\setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A =]3, 4[\cup]4, +\infty[, \quad f(x) = \frac{\log(x-3)}{x-4}, \quad x_0 = 4, \quad \ell = 1, \quad \varepsilon = 1, \quad \delta = 1$$

Risposta: FALSA

4. Calcolare $D \left(\frac{\cos x}{x + \operatorname{sen} x} \right) = -\frac{x \operatorname{sen} x + \cos x + 1}{(x + \operatorname{sen} x)^2}$

5. Calcolare $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ -1 & 5 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 \\ -15 \end{pmatrix}$

Tutti gli esercizi proposti negli esami scritti sono stati già pubblicati, insieme alle risposte, durante il periodo delle lezioni, nella pagina web del corso <http://wpage.unina.it/fiorenza/docente/an1geo2223.htm> Nel caso della seduta di esame di oggi 3 Febbraio 2023, l'esercizio 1 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 1 della pagina web, l'esercizio 2 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 4 della pagina web, l'esercizio 3 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 11 della pagina web, l'esercizio 4 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 14 oppure n. 15 della pagina web, l'esercizio 5 fa parte dell'elenco degli esercizi n. 20 della pagina web.