NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall\,n\in\mathbf{N}^+\text{ risulta }n\geq0\qquad \boxed{\underline{\mathbb{X}}}\quad\text{vero}\\ \qquad \qquad \boxed{\text{falso}}$$

$$\exists n \in \mathbf{N} : n \in]-1,1[$$
 X vero falso

2. Posto

$$f(x) = \frac{2x+1}{x+1}$$
, $g(x) = x+1$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{5x^2 + 13x + 7}{(x+1)(x+2)} = \frac{5x^2 + 13x + 7}{x^2 + 3x + 2}$$

3. Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f: A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$

- ullet Tracciare il grafico di f
- Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
- Tracciare l'intervallo $]x_0 \delta, x_0 + \delta[$ sull'asse x
- Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A = \mathbf{R}, f(x) = \operatorname{arctg} x, x_0 = 0, \ \ell = \frac{\pi}{2}, \ \varepsilon = \pi, \ \delta = 1$$
 Risposta: VERA

4. Calcolare $D(-x^2 + 2x^2 \log x) = 4x \log x$

5. Calcolare
$$\begin{pmatrix} 4 \\ 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 20 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$$

NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall q \in \mathbf{Q} \text{ risulta } q^2 > 0$$
 $\boxed{\mathbf{X}} \text{ falso}$

$$\exists q \in \mathbf{Q} : q \in [-\sqrt{2}, 5[\quad \boxed{\underline{\mathbf{X}}} \quad \text{vero} \\ \qquad \boxed{\quad \text{falso}}$$

2. Posto

$$f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$$
, $g(x) = x+1$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{5x^2 + 9x + 1}{(x+1)(x+2)} = \frac{5x^2 + 9x + 1}{x^2 + 3x + 2}$$

3. Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f: A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$

- ullet Tracciare il grafico di f
- Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
- Tracciare l'intervallo $]x_0 \delta, x_0 + \delta[$ sull'asse x
- Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A = \mathbf{R}, f(x) = e^x, x_0 = 1, \ell = 0, \varepsilon = 1, \delta = 1$$
 Risposta: FALSA

4. Calcolare $D(\log_4(x+1) \operatorname{arcsen} x) = \frac{1}{\log 4} \left(\frac{\operatorname{arcsen} x}{x+1} + \frac{\log(x+1)}{\sqrt{1-x^2}} \right)$

5. Calcolare
$$\begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$$
 $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & -4 & -8 \\ 3 & 6 & 12 \end{pmatrix}$

NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall n \in \mathbf{N}^+$$
 risulta $n^2 \ge 1$ \square vero falso

$$\exists\, n\in\mathbf{N}:\, n>-1\qquad \boxed{\underline{\mathbf{X}}}\quad \text{vero}\\ \qquad \boxed{\quad \ } \text{falso}$$

2. Posto

$$f(x) = \frac{x+2}{x-1}$$
, $g(x) = x-2$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{6(x-2)}{(x-3)(x-1)} = \frac{6(x-2)}{x^2 - 4x + 3}$$

3. Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f : A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$

- \bullet Tracciare il grafico di f
- Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
- Tracciare l'intervallo $[x_0 \delta, x_0 + \delta]$ sull'asse x
- Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A = \mathbf{R}, f(x) = e^x, x_0 = -1, \ell = 0, \varepsilon = 1, \delta = 1$$
 Risposta: VERA

4. Calcolare $D(\log_x 7) = -\frac{\log 7}{x \log^2 x}$

5. Calcolare
$$\begin{pmatrix} -1\\2\\5 \end{pmatrix}$$
 $(2 -3) = \begin{pmatrix} -2&3\\4&-6\\10&-15 \end{pmatrix}$

NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall n \in \mathbf{N}^+$$
 risulta $n^2 \in \mathbf{R}$ \square vero falso

$$\exists n \in \mathbf{N}^+ : n \ge -2$$
 $\boxed{\underline{\mathbf{X}}}$ vero falso

2. Posto

$$f(x) = \frac{x+2}{x-1}$$
, $g(x) = x+2$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{2(2x^2 + 3x - 2)}{(x - 1)(x + 1)} = \frac{4x^2 + 6x - 4}{x^2 - 1}$$

- 3. Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f : A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$
 - ullet Tracciare il grafico di f
 - Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
 - Tracciare l'intervallo $|x_0 \delta, x_0 + \delta|$ sull'asse x
 - Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A =]0, +\infty[, f(x) = \log x, x_0 = 1, \ell = 0, \varepsilon = 1, \delta = 1]$$
 Risposta: FALSA

- **4.** Calcolare $D\left(\frac{1}{x^2 + \log 2}\right) = -\frac{2x}{(x^2 + \log 2)^2}$
- **5.** Calcolare $\begin{pmatrix} 2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \end{pmatrix}$

NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall n \in \{1, 2\}$$
 risulta $n \in \mathbb{N}$ \square vero falso

$$\exists q \in \mathbf{Q} : q^2 = -4 \quad \boxed{\mathbf{X}} \quad \text{vero}$$
 falso

2. Posto

$$f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$$
, $g(x) = x+1$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{5x^2 + x - 3}{(x - 1)x}$$

- **3.** Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f : A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$
 - \bullet Tracciare il grafico di f
 - Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
 - Tracciare l'intervallo $]x_0 \delta, x_0 + \delta[$ sull'asse x
 - Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A=]0,+\infty[,\,f(x)=\log x,\,x_0=1,\,\ell=0,\,\varepsilon=1,\,\delta=2$$
 Risposta: FALSA

- **4.** Calcolare $D\left((1-e^{2x})\arccos(e^x)\right) = -e^x\sqrt{1-e^{2x}} 2e^{2x}\arccos(e^x)$
- **5.** Calcolare $(0 \ 4)\begin{pmatrix} -1 & 5 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} = (8 \ 4)$

NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall n \in \mathbb{N} \text{ risulta } n \geq 6$$
 $X \text{ falso}$

$$\exists \, a < -2 : \, a \in \mathbf{R} \qquad \boxed{\underline{\mathbf{X}}} \quad \text{vero} \\ \hline{\phantom{\mathbf{X}}} \quad \text{falso}$$

2. Posto

$$f(x) = \frac{x+2}{x-1}$$
, $g(x) = x-1$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{x^2 + 3x - 7}{(x - 2)(x - 1)} = \frac{x^2 + 3x - 7}{x^2 - 3x + 2}$$

3. Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f : A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$

- ullet Tracciare il grafico di f
- Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
- Tracciare l'intervallo $]x_0 \delta, x_0 + \delta[$ sull'asse x
- Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A = \mathbf{R} \setminus \{0\}, f(x) = \frac{|x|}{x}, x_0 = 0, \ell = 0, \varepsilon = 2, \delta = 2$$
 Risposta: VERA

- **4.** Calcolare $D\left(\log\left(3x^2 + 5x 2\right)\right) = \frac{6x + 5}{3x^2 + 5x 2}$
- **5.** Calcolare $(1 \ 3)\begin{pmatrix} 5 & 2 & 4 \\ 7 & 1 & 0 \end{pmatrix} = (26 \ 5 \ 4)$

NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall n \in \mathbf{N}^+ \text{ risulta } n \ge -1$$
 $\boxed{\underline{\mathbf{X}}}$ vero falso

2. Posto

$$f(x) = \frac{x+1}{x-2}$$
, $g(x) = x-2$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{6(x-3)}{(x-4)(x-2)} = \frac{6(x-3)}{x^2 - 6x + 8}$$

- **3.** Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f : A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$
 - \bullet Tracciare il grafico di f
 - Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
 - Tracciare l'intervallo $[x_0 \delta, x_0 + \delta]$ sull'asse x
 - Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A = \mathbf{R} \setminus \{0\}, f(x) = \frac{|x|}{x}, x_0 = 1, \ell = 0, \varepsilon = 2, \delta = 2$$
 Risposta: VERA

4. Calcolare
$$D\left(\frac{\cos x}{x+e^x}\right) = -\frac{(x+e^x)\sin x + (e^x+1)\cos x}{(x+e^x)^2}$$

5. Calcolare
$$\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 & 1 & 2 \\ -4 & 1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 & 2 & 4 \\ 11 & -1 & -4 \end{pmatrix}$$

NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall a \in \mathbf{Z} \text{ risulta } -a \in \mathbf{N}$$
 $\boxed{\underline{\mathbf{X}}}$ vero falso

$$\exists q \in \mathbf{Q} : -q \in \mathbf{N}$$
 \square vero falso

2. Posto

$$f(x) = \frac{2x+1}{x+1}$$
, $g(x) = x-1$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{3x^2 + x - 1}{x(x+1)}$$

- **3.** Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f : A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$
 - ullet Tracciare il grafico di f
 - Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
 - Tracciare l'intervallo $]x_0 \delta, x_0 + \delta[$ sull'asse x
 - Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A = \mathbf{R} \setminus \{0\}, f(x) = \frac{|x|}{r}, x_0 = 0, \ell = 1, \varepsilon = 2, \delta = 1$$
 Risposta: FALSA

- **4.** Calcolare $D(1 + \log(x+1)) = \frac{1}{x+1}$
- **5.** Calcolare $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 5 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -4 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -23 & 4 \\ -6 & 5 \end{pmatrix}$

NOME: COGNOME: MATRICOLA:

1. Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (rispondere mettendo solo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta; non è necessario scrivere giustificazioni sui fogli da consegnare).

$$\forall n \in \mathbf{N}^+ \text{ risulta } n \in [-1, +\infty[$$
 \square vero falso

$$\exists n \in \mathbf{N}^+ : n \leq \frac{5}{2} \quad \square \quad \text{vero}$$
 falso

2. Posto

$$f(x) = \frac{2x+1}{x+2}$$
, $g(x) = x-1$,

calcolare (scrivendo la risposta mediante un'unica frazione):

$$(f \circ g)(x) + (g \circ f)(x) = \frac{3(x^2 + x - 1)}{(x+1)(x+2)} = \frac{3(x^2 + x - 1)}{x^2 + 3x + 2}$$

- **3.** Dati i seguenti $A \subseteq \mathbf{R}, f : A \to \mathbf{R}, x_0 \in \mathbf{R}, \ell \in \mathbf{R}, \varepsilon > 0, \delta > 0$
 - ullet Tracciare il grafico di f
 - Tracciare l'intervallo $]\ell \varepsilon, \ell + \varepsilon[$ sull'asse y
 - Tracciare l'intervallo $|x_0 \delta, x_0 + \delta|$ sull'asse x
 - Stabilire se l'affermazione $|f(x) \ell| < \varepsilon \quad \forall x \in (|x_0 \delta, x_0 + \delta| \setminus \{x_0\}) \cap A$ è VERA o FALSA

$$A =]3, 4[\cup]4, +\infty[, f(x) = \frac{\log(x-3)}{x-4}, x_0 = 4, \ell = 1, \varepsilon = 1, \delta = 1$$
 Risposta: FALSA

4. Calcolare
$$D\left(\frac{\cos x}{x + \sin x}\right) = -\frac{x \sin x + \cos x + 1}{(x + \sin x)^2}$$

5. Calcolare
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ -1 & 5 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 \\ -15 \end{pmatrix}$$