

Valutare le seguenti affermazioni e stabilire se sono vere o false (mettendo una crocetta nel quadrato corrispondente alla risposta) e scrivere la motivazione. (La risposta può essere determinata facilmente a partire dal grafico della funzione assegnata).

È vero che $x \in [-5, 3] \rightarrow x^2 \in [0, 25]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 25] \exists! x \in [-5, 3] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 9$ (che appartiene a $[0, 25]$), esistono due valori di $x \in [-5, 3]$ ($x_1 = -3$ e $x_2 = 3$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [-1, 3] \rightarrow x^2 \in [0, 9]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 9] \exists! x \in [-1, 3] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 1$ (che appartiene a $[0, 9]$), esistono due valori di $x \in [-1, 3]$ ($x_1 = -1$ e $x_2 = 1$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [-5, 0] \rightarrow x^2 \in [0, 25]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [0, 25] \exists! x \in [-5, 0] : x^2 = y$. Infatti se $y = 0$ risulta $x^2 = 0 \Leftrightarrow x = 0$ e $x = 0$ appartiene all'intervallo $[-5, 0]$; qualunque sia $y \in]0, 25]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_1 in questo caso) appartiene a $[-5, 0]$.

È vero che $x \in [2, 3] \rightarrow x^2 \in [4, 9]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [4, 9] \exists! x \in [2, 3] : x^2 = y$. Infatti qualunque sia $y \in [4, 9]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_2 in questo caso) appartiene a $[4, 9]$.

È vero che $x \in [-1, 1] \rightarrow x^2 \in [0, 1]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 1] \exists! x \in [-1, 1] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 1$ (che appartiene a $[0, 1]$), esistono due valori di $x \in [-1, 1]$ ($x_1 = -1$ e $x_2 = 1$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [-4, 1] \rightarrow x^2 \in [0, 16]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 16] \exists! x \in [-4, 1] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 1$ (che appartiene a $[0, 16]$), esistono due valori di $x \in [-4, 1]$ ($x_1 = -1$ e $x_2 = 1$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [0, 4] \rightarrow x^2 \in [0, 16]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [0, 16] \exists! x \in [0, 4] : x^2 = y$. Infatti se $y = 0$ risulta $x^2 = 0 \Leftrightarrow x = 0$ e $x = 0$ appartiene all'intervallo $[0, 4]$; qualunque sia $y \in]0, 16]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_2 in questo caso) appartiene a $[0, 4]$.

È vero che $x \in [1, 5] \rightarrow x^2 \in [1, 25]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [1, 25] \exists! x \in [1, 5] : x^2 = y$. Infatti qualunque sia $y \in [1, 25]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_2 in questo caso) appartiene a $[1, 5]$.

È vero che $x \in [-2, 3] \rightarrow x^2 \in [0, 9]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 9] \exists! x \in [-2, 3] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 1$ (che appartiene a $[0, 9]$), esistono due valori di $x \in [-2, 3]$ ($x_1 = -1$ e $x_2 = 1$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [-3, 5] \rightarrow x^2 \in [0, 25]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 25] \exists! x \in [-3, 5] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 1$ (che appartiene a $[0, 25]$), esistono due valori di $x \in [-3, 5]$ ($x_1 = -1$ e $x_2 = 1$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [0, 6] \rightarrow x^2 \in [0, 36]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [0, 36] \exists! x \in [0, 6] : x^2 = y$. Infatti se $y = 0$ risulta $x^2 = 0 \Leftrightarrow x = 0$ e $x = 0$ appartiene all'intervallo $[0, 6]$; qualunque sia $y \in]0, 36]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_2 in questo caso) appartiene a $[0, 6]$.

È vero che $x \in [-2, -1] \rightarrow x^2 \in [1, 4]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [1, 4] \exists! x \in [-2, -1] : x^2 = y$. Infatti qualunque sia $y \in [1, 4]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_1 in questo caso) appartiene a $[-2, -1]$.

È vero che $x \in [-2, 1] \rightarrow x^2 \in [0, 4]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 4] \exists! x \in [-2, 1] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 1$ (che appartiene a $[0, 4]$), esistono due valori di $x \in [-2, 1]$ ($x_1 = -1$ e $x_2 = 1$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [-3, 2] \rightarrow x^2 \in [0, 9]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 9] \exists! x \in [-3, 2] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 4$ (che appartiene a $[0, 9]$), esistono due valori di $x \in [-3, 2]$ ($x_1 = -2$ e $x_2 = 2$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [1, 4] \rightarrow x^2 \in [1, 16]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [1, 16] \exists! x \in [1, 4] : x^2 = y$. Infatti qualunque sia $y \in [1, 16]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_2 in questo caso) appartiene a $[1, 4]$.

È vero che $x \in [-4, -2] \rightarrow x^2 \in [4, 16]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [4, 16] \exists! x \in [-4, -2] : x^2 = y$. Infatti qualunque sia $y \in [4, 16]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_1 in questo caso) appartiene a $[-4, -2]$.

È vero che $x \in [-2, 4] \rightarrow x^2 \in [0, 16]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 16] \exists! x \in [-2, 4] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 4$ (che appartiene a $[0, 16]$), esistono due valori di $x \in [-2, 4]$ ($x_1 = -2$ e $x_2 = 2$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [-2, 3] \rightarrow x^2 \in [0, 9]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè non è vero che $\forall y \in [0, 9] \exists! x \in [-2, 3] : x^2 = y$. Se si fissa ad esempio $y = 4$ (che appartiene a $[0, 9]$), esistono due valori di $x \in [-2, 3]$ ($x_1 = -2$ e $x_2 = 2$) tali che $x^2 = y$.

È vero che $x \in [-1, 0] \rightarrow x^2 \in [0, 1]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [0, 1] \exists! x \in [-1, 0] : x^2 = y$. Infatti se $y = 0$ risulta $x^2 = 0 \Leftrightarrow x = 0$ e $x = 0$ appartiene all'intervallo $[-1, 0]$; qualunque sia $y \in]0, 1]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_1 in questo caso) appartiene a $[-1, 0]$.

È vero che $x \in [-6, -2] \rightarrow x^2 \in [4, 36]$ è una funzione invertibile? si
 no

perchè $\forall y \in [4, 36] \exists! x \in [-6, -2] : x^2 = y$. Infatti qualunque sia $y \in [4, 36]$ esistono due valori reali di x ($x_1 = -\sqrt{y}$ e $x_2 = \sqrt{y}$) tali che $x^2 = y$, ma solo esattamente uno (x_1 in questo caso) appartiene a $[-6, -2]$.